УДК 621.382

## Н.Н. Ворсин<sup>1</sup>, А.А. Гладыщук<sup>2</sup>, Н.П. Тарасюк<sup>3</sup>, С.В. Чугунов<sup>4</sup>

<sup>1</sup>канд. физ.-мат. наук, доц. каф. физики Брестского государственного технического университета <sup>2</sup>канд. физ.-мат. наук, проф. каф. физики Брестского государственного технического университета <sup>3</sup>ст. преподаватель каф. физики Брестского государственного технического университета <sup>4</sup>ст. преподаватель каф. физики Брестского государственного технического университета <u>е-mail: vorsin@hotmail.com</u>

## АНАЛИТИЧЕСКИЕ СООТНОШЕНИЯ ДЛЯ ВАХ ХЕМТ НА ОСНОВЕ GaN

Получены аналитические соотношения для вольтамперных характеристик гетеропереходных транзисторов на основе нитрида кремния. Формулы отражают зависимость BAX от толщины барьерного слоя AlGaN и мольной доли алюминия в нем. Проведено сравнение формульных BAX с полученными на основе численного моделирования.

В последние десятилетия активно разрабатываются гетероструктурные полевые транзисторы AlGaN/GaN, позволяющие получить высокие значения выходной мощности, рабочей частоты и температурного диапазона функционирования. Для их анализа разработаны программные пакеты численного моделирования, такие как «Synopsys», «Silvaco», «FETIS» и др.

Использование данных средств в принципе позволяет решить любую задачу вычисления характеристик прибора, однако при этом теряется параметрическая общность решения. При наличии нескольких параметров необходим многократный пересчет для различного их сочетания [1], что затрудняет понимание физической сути результатов. В этой связи, на наш взгляд, не утратил актуальности классический подход к анализу процессов, основанный на допустимых упрощениях и аппроксимациях.

Ниже приводятся результаты такого анализа, проведенного в ходе исследований XEMT на основе GaN. Численное моделирование с помощью программного комплекса FETIS подтверждают допустимость сделанных упрощений, относительные погрешности формульных расчетов не превышают нескольких процентов.

На рисунке 1 показана использованная модель транзистора с минимальным количеством выделенных слоев, которые представляют собой (сверху – вниз) металл, n-AlGaN, нелегированный AlGaN, нелегированный GaN с двумерным электронным газом (ДЭГ), который образуется в гетеропереходе AlGaN-GaN.

Такая упрощенная модель не содержит барьера AlN между канальным GaN и барьерным AlGaN-слоями, не учитывает влияние множества переходных слоев реальных XEMT. Однако для качественного рассмотрения данными тонкостями пока пренебрегаем.

Плотность связанных состояний электронов в квантовой яме, содержащей ДЭГ, согласно [1], определяется выражением

$$n_{bound}(z) = \frac{m_e kT}{\pi h^2} \sum_{\nu} \left| \psi_{\nu}(z) \right|^2 \ln \left[ 1 + \exp\left(\frac{F_n - E_{\nu}}{kT}\right) \right]. \tag{1}$$



Рисунок 1. – Модель транзистора с минимальным количеством выделенных слоев

В нем k, h, m<sub>e</sub> – постоянная Больцмана, Планка, эффективная масса электрона,  $\psi_v(z)$  – волновая функция электронов в яме, определяемая при решении уравнения Шредингера, F<sub>n</sub> – энергия Ферми. В нормальных условиях, при температуре около 300 К можно полагать, что только два нижних уровня находятся в зоне проводимости GaN, поэтому концентрация электронов ДЭГ выразится из (1) в следующем виде:

$$n_{s} = DkT \cdot \ln\left(\left(1 + \exp\left(\frac{E_{F} - E_{1}}{kT}\right)\right) \cdot \left(1 + \exp\left(\frac{E_{F} - E_{2}}{kT}\right)\right)\right), \tag{2}$$

где D – постоянный коэффициент,  $E_F$  – уровень Ферми GaN относительно дна зоны проводимости.

Влияние затвора на концентрацию электронов можно описать с использованием такого параметра, как пороговое напряжение:

$$n_s(m) = \frac{\varepsilon(m)}{q(d_d + d_i)} (U_g - U_{nop} - \frac{E_F}{q}).$$
(3)

Здесь q – заряд электрона, є и d =  $d_d + d_i$  – диэлектрическая проницаемость и полная толщина слоя AlGaN соответственно;  $U_{nop}$  – пороговое напряжение HEMT, которое определяется формулой:

$$U_{nop} = \varphi_b - \Delta E_c - \frac{q N_s d_{nAIGaN}^2}{2\varepsilon_{nAIGaN}} - \sigma \frac{d_{AIGaN}}{\varepsilon_{AIGaN}}, \qquad (4)$$

в которой  $\phi_b$  – эффективная высота барьера Шоттки на переходе металл – nAlGaN,  $\Delta E_c$  – величина разрыва зоны проводимости на границе раздела между AlGaN и слоями GaN. Слагаемое  $\frac{qN_s d_{AlGaN}^2}{2\varepsilon_{AlGaN}}$  представляет собой концентрацию легирования в слое n –

AlGaN, а  $\sigma$  – плотность зарядов поляризации на границе раздела слоев.

Уравнения (2) и (3) образуют систему уравнений, решение которой дает концентрацию ДЭГ, образующего канал транзистора:

$$n_{s}(m) = \frac{2e^{2}m_{e}d}{2e^{2}m_{e}d + \varepsilon_{m}\pi\hbar^{2}} \left[ \left( U_{g} - U_{nop} \right) \frac{\varepsilon_{m}}{ed} + \frac{m_{e}}{\pi\hbar^{2}} (E_{1} + E_{2}) \right] - \frac{m_{e}}{\pi\hbar^{2}} (E_{1} + E_{2}), \quad (5)$$

где E<sub>1</sub> и E<sub>2</sub> – энергии уровней.

Формулы (4), (5) позволяют оценить величину  $U_{nop}$  и концентрацию электронов в канале транзистора при  $U_g > U_{nop}$  при различных значениях толщины слоев AlGaN. Если  $U_g < U_{nop}$ , концентрация свободных электронов считается нулевой. На рисунке 2 показаны графики зависимости  $n_s$  от  $U_g$  для различных значений толщины легированного слоя AlGaN.



Видно, что при уменьшении толщины  $d_d$  – легированного слоя AlGaN – концентрация носителей в ДЭГ возрастает. Пороговое напряжение транзистора смещается в сторону увеличения в абсолютном значении с уменьшением  $d_{d_{..}}$ Увеличение электронной плотности связано с усилением эффекта пьезоэлектрической и спонтанной поляризации.

Наклон графиков n<sub>s</sub>-Ug выражает электроемкость между затвором и каналом, которая непосредственно связана с распределением потенциала между затвором и 2-DEG. Для d<sub>d</sub> = 20 нм наклон составляет 2,1 × 10<sup>12</sup> см<sup>-2</sup> B<sup>-1</sup>, тогда как для d<sub>d</sub> = 26 нм наклон составляет 1,4 × 10<sup>12</sup> см<sup>-2</sup> B<sup>-1</sup>. Это показывает, что высокие значения ширины барьера благоприятны для достижения большей электронной плотности и получения меньших значений емкости затвора.

Другим варьируемым параметром гетероструктуры типа AlGaN/GaN является содержание в ней Al. Диапазон возможных вариаций не особенно широк. Обычно мольная доля Al изменяется от 0,15 до 0,35, и влияет на положение энергетических уровней E<sub>1</sub>, E<sub>2</sub>, входящих в уравнения (2, 5).

На рисунке 3 показаны графики зависимости концентрации ДЭГ от напряжения на затворе при различных величинах доли Al.

Из графиков видно, что увеличение молей Al в AlGaN/GaN HEMT увеличивает плотность электронов, а также влияет на величину порогового напряжения, которое увеличивается по абсолютной величине. Однако наклон характеристик  $n_{s}$ - =  $F(U_g)$  и, как следствие – затворная электроемкость, при этом почти не изменяются.

## Вольтамперные характеристики.

При численном моделировании как правило имеется возможность выбора полевой зависимости подвижности электронов в канале. Для короткого GaN-канала, имеющего высокую скорость насыщения, такая возможность является излишней.



Полагая подвижность µ константой, можно записать для плотности тока в сечении х-канала очевидную формулу

$$j = qn_s(x)\mu \frac{dU}{dx},$$
(6)

в которой ось X направлена вдоль канала от истока к стоку. Плотность тока должна быть одинаковой во всех сечениях канала (не зависит от х), а концентрация носителей управляется напряжением затвора согласно формуле (5), в которую вместо Ug необходимо подставить Ug–U(x). На границах канала, примыкающих к истоку и стоку, координата x равна соответственно 0 и L, где L – длина канала согласно рисунку 1. При этом U(0) = 0, U(L) = U<sub>d</sub>.

Вычисление тока стока приходится делать отдельно для двух участков ВАХ. На первом участке концентрация носителей на протяжении всего канала не равна нулю, т.е.  $U_g - U_d > U_{nop}$ . При этом плотность тока увеличивается с ростом стокового напряжения и выражается следующей формулой:

$$j_d = \frac{\mu\beta e}{L} \left( U_g - U_{nop} - \frac{U_d}{2} \right) U_d \,. \tag{7}$$

Согласно этому выражению, плотность тока в канале достигает максимума при  $U_d = U_g - U_{nop}$ . Для дальнейшего увеличения стокового напряжения формула (7) будет неверна, поскольку ток канала достиг насыщения и далее не зависит от напряжения стока.

Величина стокового напряжения, при котором достигается насыщение стокового тока, можно оценить по исключительно простой формуле

$$U_{dhac} = U_g - U_{nop} \,. \tag{8}$$

(9)

Не менее простая формула получается для плотности тока насыщения:



Рисунок 4. – ВАХ идеализированного транзистора

На рисунке 4 приведены ВАХ идеализированного транзистора, построенные по формулам (3–9) для следующих параметров: толщина барьерного слоя  $d_d = 23$ нм, мольная доля алюминия x = 0.2. Величина порогового напряжения при таких параметрах составляет –5 В.

Для сравнения на рисунке 5 приведено семейство ВАХ транзистора с такими же исходными параметрами, рассчитанное с помощью программного комплекса численного моделирования GaN транзисторов «Фетис» [3]. Видно, что различие формы и размеров ВАХ, рассчитанных аналитическим и численным методами, невелико. Главным образом заметные различия наблюдаются только в области, близкой к запиранию транзистора, где упрощенная аналитическая модель не учитывает такие эффекты, как вклад в концентрацию несвязанных состояний, наличие свободной поверхности пленки и др. Тем не менее простота аналитической модели и возможность быстрой оценки параметров GaN транзисторов делают ее небезынтересной.



Рисунок 5. – Семейство ВАХ транзистора, рассчитанное с помощью программного комплекса численного моделирования GaN транзисторов «Фетис»

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

1. Оптимизация параметров HEMT-гетероструктур GaN/AlN/AlGaN для CBЧ транзисторов с помощью численного моделирования / В. Г. Тихомиров [и др.] // Физика и техника полупроводников. – 2016. – Т. 50, вып. 2. – С. 245–249.

2. Polarization effects, surface states, and the source of electrons in AlGaN/GaN heterostructure field effect transistors / J. P. Ibbetson [et al.] // Applied Physics Letters. – 10 July 2000. – Vol. 77, N 2. – P. 250–253.

3. STR Group – Modeling of crystal growth and devices [Электронный ресурс] // SimuLED software for LED and laser diode design and optimization, Field Effect Transistor Integrated Simulator (FETIS)-package for simulation of group-III nitride based high electron mobility transistors (HEMTs).

Рукапіс паступіў у рэдакцыю 20.04.2018

Vorsin N.N., Gladyschuk A.A., Tarasiuk N.P., Chugunov S.V. Analytical Relations for the IVC of HEMT Based on Gan

Analytic relationships are obtained for the current-voltage characteristics of heterojunction transistors based on silicon nitride. The formulas reflect the dependence of the I-V characteristic on the thickness of the barrier layer of Al-GaN and the molar fraction of aluminum in it. A comparison of the formula I-V characteristics with those obtained on the basis of numerical simulation is made.